

## Guía 2: Electrostática en Conductores y Dieléctricos

*Justifique en todos los ejercicios: el uso de la Ley de Gauss (o Ley de Gauss generalizada, según corresponda) para calcular el campo eléctrico  $\vec{E}$ , explicando claramente cómo determina la dirección de  $\vec{E}$ , la dependencia con las coordenadas y la superficie gaussiana elegida.*

- a) Calcular, usando la ley de Gauss, el campo creado en todo el espacio por una esfera metálica maciza de radio  $R$  cargada con carga total  $Q$ . ¿Cómo se distribuye la carga?  
b) Graficar el campo y la diferencia de potencial entre un punto arbitrario y las siguientes referencias  
b<sub>1</sub>)  $r = 2R$  y b<sub>2</sub>)  $r \rightarrow \infty$ .  
c) Calcular el trabajo necesario para llevar una carga  $q = 3 \mu\text{C}$  desde un punto ubicado a una distancia  $2R$  del centro de la distribución hasta el “infinito”. Discutir el signo y su relación con el trabajo realizado por el campo.

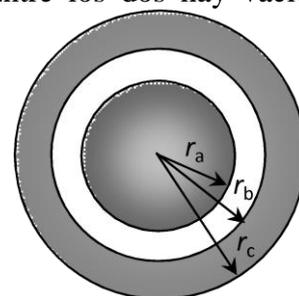
2. Una cáscara conductora **esférica**, de radio interior  $a = 5 \text{ cm}$  y exterior  $b = 9 \text{ cm}$ , tiene en su centro una carga puntual  $q = +1 \mu\text{C}$ .

- Suponiendo que la cáscara está descargada determine:  
a<sub>1</sub>) el campo eléctrico generado por esta distribución de cargas. ¿Cómo se distribuye la carga?  
a<sub>2</sub>) la diferencia de potencial eléctrico entre dos puntos  $r_A = 3 \text{ cm}$  y  $r_B = 12 \text{ cm}$ .  
a<sub>3</sub>) Grafique en función de una coordenada adecuada el campo y el potencial (con una referencia en el infinito). Discuta la continuidad o discontinuidad de las funciones calculadas.

b) Suponiendo que la cáscara está cargada con  $q_c = -3 \mu\text{C}$ . repita los apartados desde a<sub>1</sub>, hasta a<sub>3</sub>

3. Se tiene un conductor **cilíndrico** de largo  $L$  y radio  $r_a$ , rodeado por otro cascarón cilíndrico de radio interno  $r_b$  y externo  $r_c$ . El primero tiene carga  $Q_1$  y el segundo  $Q_2$ . Entre los dos hay vacío. Considerando como válido el modelo de cilindro de largo infinito,

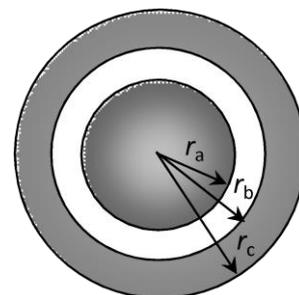
- Discuta cómo y dónde se distribuyen las cargas.
- Calcule las densidades de carga en todas las superficies,
- Calcule  $\vec{E}$  en todo el espacio.
- Calcule y grafique en función de la coordenada  $r$   $V(r) - V(r_a)$  donde  $r$  es un punto genérico del espacio.
- Discuta los resultados considerando que las cargas son del mismo signo y de distinto signo. Luego aplique a la situación  $Q_1 = -Q_2$ .



4. Se tiene un conductor **cilíndrico** de largo  $L$  y radio  $r_a$ , rodeado por otro cascarón cilíndrico de radio interno  $r_b$  y externo  $r_c$  ( $L \gg r_c$ ), ambos descargados inicialmente. El espacio entre ellos está vacío. Despreciando efectos de borde, y sabiendo que se ha conectado una batería tal que:

$$V(r_b) - V(r_a) = 10 \text{ V},$$

- Discuta por qué no es necesario especificar los puntos donde se conecta la batería sobre cada conductor.
- Calcule las distribuciones de cargas en todas las superficies.
- Calcule  $\vec{E}$  en todo el espacio (**Justifique**). Graficar la componente  $r$  del campo eléctrico en función de la coordenada  $r$ .



d) Calcule  $V(r) - V(r_a)$ . Graficar  $V(r)$  en función de la coordenada  $r$ .

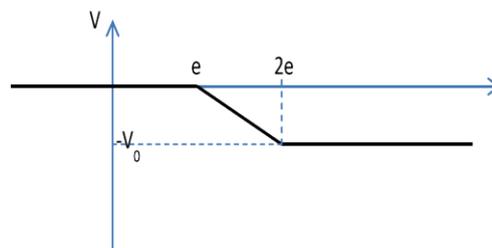
5. Se tiene una placa conductora cuadrada de lado  $L$  y espesor  $e$  ( $L \gg e$ ) con carga  $Q_1$ . Bajo el modelo de distribución plana infinita:

- Calcular las densidades de carga libre en condiciones estáticas.
- Calcular las densidades de carga libre si la misma placa estuviera enfrentada a una distribución plana de cargas de densidad superficial uniforme  $\sigma_0$ .

6. Se tienen dos placas conductoras cuadradas de lado  $L$  y espesor  $e$  ( $L \gg e$ ) enfrentadas y separadas una distancia  $d$  ( $L \gg d$ ), una de ellas con carga  $Q_1$  y la otra con  $Q_2$ . Bajo el modelo de distribución plana infinita:

- calcular las densidades de carga libre
- Si  $Q_2 = -Q_1$ , calcular las densidades de carga libre y el campo eléctrico en todo el espacio

7 (Optativo). Dos placas conductoras planas de espesor  $e$  y lados  $a$  y  $b$ , se encuentran separadas una distancia  $e$  de tal forma que  $e \ll a, b$ . Las placas están cargadas y el espacio entre ellas está vacío. En la figura se representa la variación del potencial electrostático del sistema (respecto a algún punto del espacio) en la zona alejada de los bordes y a lo largo del eje  $z$  (que es perpendicular a las placas) donde es posible despreciar los efectos de los bordes.



- ¿Qué valor tiene y cuál es el significado físico de la integral de línea  $\int_0^{2e} \vec{E} \cdot \vec{dz}$  ?
- Calcule el campo eléctrico a lo largo del eje perpendicular a las placas en función de los datos del problema.
- Determine el valor de las cargas y su ubicación en las placas en función de los datos del problema.

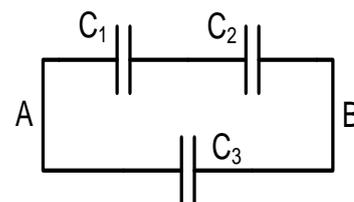
8. Calcular la capacidad de los siguientes capacitores (**despreciando efectos de bordes**):

- Capacitor de placas plano-paralelas si hay aire o vacío entre las placas. Calcular la energía almacenada si la carga del capacitor es  $Q$ .
- Ídem para un capacitor cilíndrico.
- Ídem para un capacitor esférico.
- Repetir los cálculos anteriores si el espacio entre las placas está totalmente ocupado por un dieléctrico de permitividad relativa  $\epsilon_r$ . ¿La capacidad es mayor, igual o menor que la obtenida en los ítems anteriores?

9. Repita el Problema 4 considerando que en el espacio entre los conductores se coloca un dieléctrico de permitividad  $\epsilon$ . Compare los resultados.

**10.** El circuito de la figura está compuesto por tres capacitores:  
 $C_1 = 20 \text{ nF}$ ,  $C_2 = 5 \text{ nF}$ ,  $C_3 = 2 \text{ nF}$ .

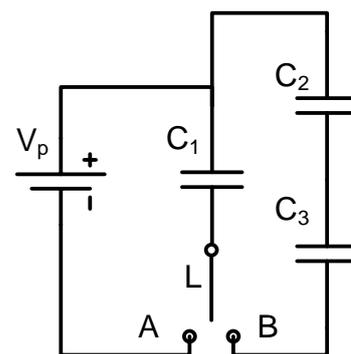
- Determinar la capacidad equivalente entre los puntos A y B.
- Si  $V(B) - V(A) = 10 \text{ V}$ , calcule la diferencia de potencial entre las placas de cada capacitor y la carga sobre cada una de sus placas indicando su polaridad.



**11.** En el circuito de la figura, los tres capacitores se encuentran inicialmente descargados.

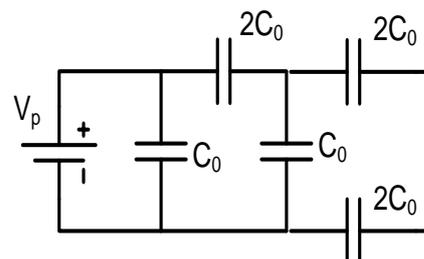
- Al conectar la llave al punto A se carga el capacitor  $C_1$ . Hallar la carga adquirida y la energía almacenada por dicho capacitor. ¿Varió la carga de los capacitores  $C_2$  y  $C_3$ ?
- Se lleva la llave a la posición B. Hallar las cargas y energías almacenadas finales en todos los capacitores
- Explique qué ocurrió con la distribución de carga y energía al mover la llave desde A hasta B.
- A partir de la condición en la que finalizó el punto b), se introduce en  $C_2$  un dieléctrico de  $\epsilon_r = 2$  (antes estaba en vacío). Recalcular la distribución de cargas.

Datos:  $V_p = 10 \text{ V}$ ;  $C_1 = 20 \mu\text{F}$ ;  $C_2 = 10 \mu\text{F}$ ;  $C_3 = 5 \mu\text{F}$



**12.** Los capacitores de la figura se encuentran inicialmente descargados. Una vez alcanzado el equilibrio la pila  $V_p = 10 \text{ V}$  ha transferido  $400 \text{ nC}$  de carga.

- Calcular la capacidad  $C_0$ .
- Si el capacitor  $C_0$  es de placas planas paralelas, cuadradas de lado  $L = 1 \text{ m}$  y separación  $d = 1 \text{ mm}$ , calcular la permitividad dieléctrica relativa ( $\epsilon_r$ ) del aislante empleado.



**13 (Optativo).** Un capacitor de placas planas paralelas de superficie  $S$  y separación  $d$  tiene carga  $Q$ . Un agente externo aumenta la distancia entre placas hasta duplicarla, manteniendo constante la carga  $Q$  del capacitor. Calcular el trabajo realizado por el agente externo.

**14 (Optativo).** Ídem 13 pero ahora el capacitor se halla conectado en todo momento a una batería de valor  $V_0$  (por lo que no se cumple la condición de carga constante).